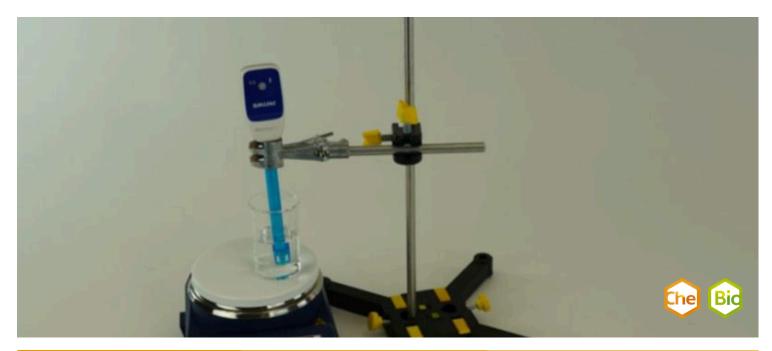


# Bestimmung der Michaeliskonstanten mit Cobra SMARTsense





This content can also be found online at:



http://localhost:1337/c/5f836d25c1243e000340680a





# **PHYWE**



# **Allgemeine Informationen**

# Anwendung



Versuchsaufbau

Die enzymatische Hydrolyse von Harnstoff in wässriger Lösung liefert Kohlenstoffdioxid und Ammoniak. Die Ionen dieser Verbindungen erhöhen die Leitfähigkeit der Lösung. Über Leitfähigkeitsmessungen können die Geschwindigkeiten der Harnstoffhydrolyse durch das Enzym Urease bei unterschiedlichen Substratkonzentrationen bestimmt werden. Aus diesen Werten lässt sich die Michaeliskonstante berechnen.





### **Sonstige Informationen (1/7)**

#### **PHYWE**

#### Vorwissen



Die Schüler und Studenten sollten mit Enzym-Substrat-Komplexen, der enzymatischen Harnstoffhydrolyse und dem Prinzip der Leitfähigkeitsmessung vertraut sein.

#### **Prinzip**



Über Leitfähigkeitsmessungen wird die Michaeliskonstante berechnen.

### **Sonstige Informationen (2/7)**

#### **PHYWE**

#### Lernziel



Die Schüler und Studenten sollen lernen, wie über die Bestimmung der Leitfähigkeit (über Hydrolyse von Harnstoff, welche Kohlenstoffdioxid und Ammoniak liefert) die Michaeliskonstante berechnet werden kann.

#### **Aufgaben**



Die Schüler und Studenten sollen die Michaeliskonstante aus den in diesem Versuch ermittelten Messwerten bestimmen.





### **Sonstige Informationen (3/7)**

#### **PHYWE**

#### Weitere Informationen zur Auswertung und Vorbereitung

- Zur Bestimmung der Michaelis-Konstanten werden die Leitfähigkeitswerte zu den Zeitpunkten 100 s und 200 s und ihre Differenz Δ Y für alle sechs durchgeführten Messungen ermittelt und protokolliert.
- Der Mechanismus von enzymkatalysierten Reaktionen nach Michaelis-Menten geht von einem Enzym-Substrat-Komplex ES aus, das aus dem Enzym E und dem Substrat S in einer vorgelagerten Gleichgewichtsreaktion entsteht und zu Produkt P und unverändertem Enzym E zerfällt.

$$\mathrm{E} + \mathrm{S} \underset{k_{1}^{\prime}}{\overset{\kappa_{1}}{\longrightarrow}} \mathrm{ES} \overset{\mathrm{k}_{2}}{\longrightarrow} \mathrm{P} + \mathrm{E} \ ext{(1)}$$

$$rac{dc_{
m ES}}{dt}=k_1c_{
m E}c_{
m S}-k_1'c_{
m ES}-k_2c_{
m ES}pprox 0$$
 (2)

Nach dem Bodensteinprinzip ist die zeitliche Änderung der Konzentration von ES  $\approx 0$ .

# **Sonstige Informationen (4/7)**

**PHYWE** 

Umgestellt nach der Konzentration von ES ergibt sich:

$$c_{\mathrm{ES}} = rac{k_1 c_{\mathrm{E}} c_{\mathrm{S}}}{k_1' + k_2}$$
 (3)

Die freie Substratkonzentration  $C_S$  kann der Gesamtkonzentration von S gleichgesetzt werden, da nur wenig Enzym zugegeben wird. Die Gesamtkonzentration von E, $C_{E,0}$  ist gleich der Summe der Konzentration an freiem Enzym  $C_E$  und an Enzym-Substrat-Komplex  $C_{ES}$ :

$$c_{\rm E, \, 0} = c_{\rm E} + c_{\rm ES}$$
 (4)

Nach Umstellen und Einsetzen von Gleichung (4) in Gleichung (3) erhält man:

$$c_{ ext{ES}} = rac{k_1 \cdot (c_{ ext{E, 0}} - c_{ ext{ES}}) c_{ ext{S}}}{k_1' + k_2}$$
 (5)

Umstellen nach CES liefert:

$$c_{\mathrm{ES}} = rac{k_1 \cdot c_{\mathrm{E,\,0}} \cdot c_{\mathrm{S}}}{k_1' + k_2 + k_1 \, c_{\mathrm{S}}}$$
 (6)





# **Sonstige Informationen (5/7)**

**PHYWE** 

Für den Schritt der Produktbildung lautet das Zeitgesetz:  $rac{dc_{
m P}}{dt}=k_2c_{
m ES}$  (7)

Setzt man für CES den Ausdruck Gleichung (6) ein, erhält man:  $\frac{dc_{\rm p}}{dt} = \frac{k_1 k_2 c_{\rm E,\,0} c_{\rm S}}{k_1' + k_2 + k_1 c_{\rm S}}$  (8)

Der Quotient  $\frac{k_1'+k_2}{k_1}=K_{
m M}$  (9) wird zur Michaeliskonstante, K<sub>M</sub>, zusammengefasst. Somit lautet das Zeitgesetz:  $\frac{dc_{
m p}}{dt}=\frac{k_2\,c_{
m E,\,0}\,c_{
m S}}{K_{
m M}+c_{
m S}}$  (10)

Die Geschwindigkeit der Enzymolyse ist also linear von der Enzymkonzentration abhängig. Der Einfluss der Substratkonzentration ist komplizierter. Für den Fall Cs>KM vereinfacht sich die Gleichung (10) zu

$$\frac{dc_{\rm p}}{dt} = k_2 c_{\rm E, \, 0} \, \, (11)$$

### **Sonstige Informationen (6/7)**

**PHYWE** 

In diesem Fall ist die Reaktion nullter Ordnung nach S und die Enzymolyse hat ihr Geschwindigkeitsmaximum mit k<sub>2</sub> C<sub>E,0</sub>. Ist C<sub>S</sub>=K<sub>M</sub>, so wird die Hälfte der Maximalgeschwindigkeit erreicht. Die Michaeliskonstante entspricht also der Substratkonzentration, bei der die Reaktion mit halbmaximaler Geschwindigkeit abläuft. Für den Fall, dass nur noch wenig Substrat vorhanden ist, also C<sub>S</sub>>K<sub>M</sub>, ergibt sich

$$rac{dc_{
m p}}{dt} = rac{k_2}{K_{
m M}} \cdot c_{
m E,\,0} c_{
m S}$$
 (12)

d.h., die Bildungsgeschwindigkeit von P ist erster Ordnung nach E und S.

Zur Auswertung werden die Durchschnittsgeschwindigkeiten der Enzymolyse zwischen 100 s und 200 s nach dem Start bestimmt. Es ist dazu die Differenz der Leitfähigkeitswerte nach jeweils 100 und 200 Sekunden zu bilden ( $\Delta$  Y) und durch 100 s zu teilen. Diese Geschwindigkeiten (in  $\mu$ S cm-1 s-1) werden gegen die Harnstoffkonzentration (in mmol l-1) aufgetragen. Die Substratkonzentration Cs (in mmol/l) ergibt sich nach der Formel:

**Cs=(W10000)/M (13)** mit **W** = Konzentration der Harnstofflösung in % und **M** = molaren Masse von Harnstoff = 60,06 g/mol.





### **Sonstige Informationen (7/7)**

**PHYWE** 

Da es schwierig ist, die der halbmaximalen Geschwindigkeit entsprechende Konzentration, also KM, direkt abzulesen, bedient man sich der Lineweaver-Burk-Auftragung.

Mit der Reaktionsgeschwindigkeit *v*=dc<sub>P</sub>/dt und in reziproker Darstellung erhält man aus Gleichung (10):

$$\frac{1}{v} = \frac{1}{k_2} + \frac{K_{\rm M}}{k_2} \cdot \frac{1}{c_{\rm S}}$$
 (14)

Die Auftragung von 1/v gegen  $1/C_s$  (vgl. Abb.5) liefert  $k_2$ (hoch -1) demnach als Ordinatenabschnitt ( $1/c_s=0$ ) und  $K_M/k_2$  als Anstieg einer Geraden. Zunächst werden der Ordinatenabschnitt und die Steigung der Geraden ermittelt. Diese Steigung wird dann durch den Ordinatenabschnitt geteilt, um die Michaelis-Konstante zu erhalten. Die Berechnung ergibt einen Wert von  $4,86 \times 10-3$  mol/l für die Michaelis-Konstante von Urease.

Ein kleiner KM-Wert bedeutet eine hohe Affinität des Enzyms zu seinem Substrat.

Urease war das erste Enzym, das kristallin dargestellt wurde (Sumner, 1926). Es gehört, im Gegensatz zu den allosterischen Enzymen, zu den "normalen" Enzymen, die dem Michaelis-Menten-Mechanismus genügen.

#### Sicherheitshinweise

**PHYWE** 



 Für diesen Versuch gelten die allgemeinen Hinweise zum sicheren Experimentieren im naturwisschenschaftlichen Unterricht.





Theorie PHYWE

Urease katalysiert die enzymatische Hydrolyse von Harnstoff in Wasser und liefert dabei Kohlenstoffdioxid und Wasser. Mit Hilfe des SMARTsense Conductivity Sensors lässt sich die Leitfähigkeit der so entstandenen Lösung messen. Daduch kann verfolgt werden, wie die Ionen der Verbindung die Leitfähigkeit erhöhen.

Mit der Michaeliskonstante wird die Substratkonzentration angegeben, bei der die halbe maximale Geschwindigkeit eines Enzyms erreicht ist.

Da über die Leitfähigkeitsmessung die Geschwindigkeiten der Harnstoffhydrolyse bei unterschiedlichen Substratkonzentrationen gemessen werden kann, lässt sich aus diesen Werten die Michaeliskonstante berechnen.





#### Material

Position	Material	ArtNr.	Menge 1
1	Cobra SMARTsense - Conductivity - Sensor zur Messung der Leitfähigkeit in Flüssigkeiten, 020000 μS/cm, 060°C (Bluetooth)	12922-01	
2	Magnetrührstäbchen-Entferner	35680-03	1
3	Magnetrührer mit Heizung, digital, Edelstahl, 280 °C, 100-1500 rpm	FHO-RSM10HS	1
4	Magnetrührstäbchen, PTFE, 50 mm, zylindrische Form	46299-03	1
5	Taschenwaage, OHAUS YA 302, 300 g : 50 mg	49213-00	1
6	Bunsenstativ, 210 x 130 mm, h = 750 mm	37694-00	1
7	Doppelmuffe, für Kreuz- oder T-Spannung	02043-00	1
8	Stativklemme, Spannweite 80 mm Stellschraube an beweglicher Seite	37715-00	1
9	Becherglas, Boro, hohe Form, 100 ml	46026-00	1
10	Laborbecher, Kunststoff (PP), 250 ml Griffin mit Teilung und Ausguss	36013-01	1
11	Erlenmeyerkolben, Boro, Enghals, 100 ml	46141-00	1
12	Gummistopfen 17/22, ohne Bohrung	39255-00	6
13	Vollpipette, 20 ml	36579-00	1
14	Vollpipette, 50 ml	36581-00	1
15	Pipettierball, Universalmodell (bis 100 ml), 3 Ventile	47127-02	1
16	Mikroliterspritze, Boro, 100 Mikroliter	02606-00	1
17	Löffelspatel, Stahl, I = 150 mm	33398-00	1
18	Spritzflasche, 500 ml, Kunststoff	33931-00	1
19	Harnstoff, 250 g	30086-25	1
20	Urease, Pulver, 5 g	31924-02	1
21	Wasser, destilliert, 5 I	31246-81	1
22	measureAPP - die kostenlose Mess-Software für alle Endgeräte	14581-61	1





#### **Zusätzliches Material**

#### **PHYWE**

Position Art. Nr. Bezeich	nnung
---------------------------	-------

1		mobiles Endgerät (Smartphone / Tablet)
2	14581-61	measureAPP

# **PHYWE**



# Aufbau und Durchführung





### Aufbau (1/3)

Zur Messung mit den **Cobra SMARTsense Sensoren** wird die **PHYWE measureAPP** benötigt. Die App kann kostenfrei im jeweiligen App Store (QR-Codes siehe unten) heruntergeladen werden. Bitte überprüfe vor dem Starten der App, ob auf deinem Gerät (Smartphone, Tablet, Desktop-PC) **Bluetooth aktiviert** ist.



iOS



Android



Windows

# **Aufbau (2/3)**

#### **PHYWE**



- Schalte den SMARTsense Conductivity Sensor durch langes Drücken auf den Einschaltknopf an.
- Verbinde den Sensor in der measureAPP unter dem Punkt "Measure" mit dem Gerät, wie in Abbildung links gezeigt.
- Der SMARTSense Conductivity Sensor wird nun in der App angezeigt.





Aufbau (2/3)

Für den Versuch werden Lösungen mit verschiedenen Konzentrationen an Harnstoff benötigt. Diese sind vor Versuchsbeginn jeweils frisch herzustellen:

- 0,4%ige Harnstoff-Lösung (Harnstoff-Stammlösung): In einen 100 ml-Erlenmeyerkolben werden 0,40 g
   Harnstoff eingewogen und in 99,6 g destilliertem Wasser gelöst.
- 0,2%ige Harnstoff-Lösung: Durch Pipettieren von 50 ml der 0,4%igen Harnstoff-Lösung mit der 50 ml
   Vollpipette in einen 100-ml-Erlenmeyerkolben und Zugabe von 50 ml destilliertem Wasser.
- 0,1%ige Harnstoff-Lösung: Durch Pipettieren von 50 ml der 0,2%igen Harnstoff-Lösung mit der 50 ml
   Vollpipette in einen 100-ml-Erlenmeyerkolben und Zugabe von 50 ml destilliertem Wasser.
- 0,05%ige Harnstoff-Lösung: Durch Pipettieren von 50 ml der 0,1%igen Harnstoff-Lösung mit der 50 ml
   Vollpipette in einen 100-ml-Erlenmeyerkolben und Zugabe von 50 ml destilliertem Wasser.

Aufbau (2/3)

- 0,025%ige Harnstoff-Lösung: Durch Pipettieren von 50 ml der 0,05%igen Harnstoff-Lösung mit der 50 ml
   Vollpipette in einen 100-ml-Erlenmeyerkolben und Zugabe von 50 ml destilliertem Wasser.
- 0,0125%ige Harnstoff-Lösung: Durch Pipettieren von 50 ml der 0,025%igen Harnstoff-Lösung mit der 50 ml Vollpipette in einen 100-ml-Erlenmeyerkolben und Zugabe von 50 ml destilliertem Wasser.

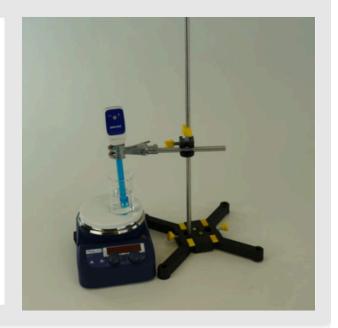
Hinweis: Die Ureaselösung sollte stets im Kühlschrank aufbewahrt werden!





Aufbau (3/3)

- Baue die Geräte wie in der Abbildung zum Versuchsaufbau auf.
- Universalklemme mit der Doppelmuffe an der Stativstange des Bunsenstativs befestigen.
- Den SMARTsense Conductivity Sensor mit der Universalklemme fixieren.



### **Durchführung (1/2)**

**PHYWE** 

- In ein 100-ml-Becherglas werden durch zweimaliges Pipettieren mit der 20-ml-Vollpipette 40 ml der 0,0125%igen Harnstofflösung (die niedrigste Konzentration zuerst) und ein Magnetrührstäbchen gegeben.
- Das Becherglas auf den Magnetrührer stellen und die Leitfähigkeitssonde in die Lösung eintauchen.
- Den Rührer auf eine mittlere Rührgeschwindigkeit einregeln. (Vorsicht: Das Magnetrührstäbchen darf nicht an die Leitfähigkeitssonde schlagen!).
- Mit der Mikroliterspritze werden 50 μl der Ureaselösung zugegeben und die Messung wird ohne Verzögerung durch Anklicken des Startbuttons gestartet.
- Der zeitliche Verlauf der Reaktion ist am Monitor visuell zu verfolgen.
- Nach Beendigung der Messung die Daten zur weiteren Datenbearbeitung speichern.





# Durchführung (2/2)

#### **PHYWE**

- Auf diese Weise werden die Messungen mit allen sechs vorbereiteten Harnstofflösungen (in aufsteigender Reihenfolge) durchgeführt.
- Für die Einzelmessungen wird das Becherglas jeweils vom Magnetrührer genommen und mit dem Entfernungsstab das Magnetrührstäbchen aus der Lösung herausgeholt.
- Das Magnetrührstäbchen wird gründlich mit destilliertem Wasser abgespült, mit einem Papiertuch kurz getrocknet und in die nächste Lösung gegeben.
- Die Leitfähigkeitssonde muss ebenfalls nach jedem Versuch gründlich mit destilliertem Wasser abgespült werden.

# **Protokoll**





Leitfähigkeit

Kohlenstoffdioxid

Urease

Ionen

Michaeliskonstante

### **Aufgabe 1**

Ziehe die Wörter an die korrekten Plätze.

Die enzymatische Hydrolyse von Harnstoff in wässriger Lösung liefert

und Ammoniak. Die dieser

Verbindungen erhöhen die der Lösung. Über

Leitfähigkeitsmessungen können die Geschwindigkeiten der Harnstoffhydrolyse

durch das Enzym bei unterschiedlichen

Substratkonzentrationen bestimmt werden. Aus diesen Werten lässt sich die

berechnen.

Aufgabe 2 PHYWE

Was bedeutet ein kleiner Wert der Michaeliskonstante?

Ein kleiner Michaeliskonstanten-Wert bedeutet eine niedrige Affinität des Enzyms zu seinem Substrat.

Ein kleiner Michaeliskonstanten-Wert bedeutet eine hohe Affinität des Enzyms zu seinem Substrat.

Ein kleiner Michaeliskonstanten-Wert bedeutet, dass das Enzym in dem Substrat nichts bewirken kann und ein anderes Enzym gewählt werden muss.

Ein kleiner Michaeliskonstanten-Wert hat keine Bedeutung für die Enzym-Substrat-Beziehung.





# Aufgabe 3 PHYWE

Wähle die korrekten Aussagen aus.

- O Mit der Michaeliskonstante wird die Substratkonzentration angegeben, bei der die maximale Geschwindigkeit eines Enzyms erreicht ist.
- O Mit der Michaeliskonstante wird die Substratkonzentration angegeben, bei der die halbe maximale Geschwindigkeit eines Enzyms erreicht ist.
- O Die Michaeliskonstante ist immer 50.



Folie	Punktzahl/Summe
Folie 23: Michaeliskonstante	0/5
Folie 24: Bedeutung Michaeliskonstante	0/2
Folie 25: Aussagen zur Michaeliskonstante	0/1

Gesamtsumme 0/8





